

**PROGRAM STUDIÓW WYŻSZYCH
ROZPOCZYNAJĄCYCH SIĘ W ROKU AKADEMICKIM
2019/2020**

data zatwierdzenia przez Radę Instytutu

pieczęć i podpis Dyrektora IM

.....

Studia wyższe na kierunku	Matematyka
Dziedzina/y	Nauki ścisłe i przyrodnicze
Dyscyplina wiodąca (% udział)	98% Matematyka
Pozostałe dyscypliny (% udział)	2% Informatyka
Poziom	Pierwszy
Profil	Ogólnoakademicki
Forma prowadzenia	Stacjonarne
Specjalności	Nauczycielskie: matematyka (nauczycielska), matematyka z informatyką (nauczycielska), Nienauczycielskie: analiza danych
Punkty ECTS	180
Czas realizacji (liczba semestrów)	6 semestrów
Uzyskiwany tytuł zawodowy	Licencjat
Warunki przyjęcia na studia	Lista rankingowa kandydatów na studia (wspólna dla „nowej” i „starej” matury) zostanie sporządzona na podstawie liczby K punktów kwalifikacyjnych.

	W odniesieniu do „nowej” matury liczba K równa się większej z następujących dwóch liczb: A oraz $1,5 \cdot B$, gdzie: A – wynik w procentach z matematyki na poziomie podstawowym (część pisemna), B – wynik w procentach z matematyki na poziomie rozszerzonym (część pisemna). Jeżeli kandydat nie zdawał pisemnego egzaminu dojrzałości z matematyki na którymś z wymienionych poziomów, to przyjmuje się odpowiednio $A=0$ lub $B=0$ W odniesieniu do „starej” matury liczba K równa się, wyrażonej procentowo (zgodnie z obowiązującą w czasie postępowania rekrutacyjnego Uchwałą Senatu Uniwersytetu Pedagogicznego w Krakowie) ocenie z pisemnej części egzaminu dojrzałości. Jeżeli kandydat nie zdawał pisemnego egzaminu dojrzałości z matematyki, to przyjmuje się $K=0$. Laureaci i finaliści olimpiad stopnia centralnego będą przyjmowani na studia według obowiązującej w czasie postępowania kwalifikacyjnego Uchwały Senatu Uniwersytetu Pedagogicznego w Krakowie.
--	---

Efekty uczenia się

Symbol efektu kierunkowego	Kierunkowe efekty uczenia się	Odniesienie do efektów uczenia się zgodnych z Polską Ramą Kwalifikacji	
		Symbol charakterystyk uniwersalnych I stopnia ¹	Symbol charakterystyk II stopnia ²
WIEDZA			
K_W01	rozumie rolę i znaczenie matematyki i jej zastosowań dla rozwoju jednostki i społeczeństwa	P6U_W	P6S_WG
K_W02	rozumie rolę i znaczenie dowodu w matematyce, a także pojęcie istotności założeń twierdzenia	P6U_W	P6S_WG

¹ Zgodnie z załącznikiem do ustawy z dnia 22 grudnia 2015 r. o Zintegrowanym Systemie Kwalifikacji (Dz. U. z 2016, poz.64)

² Zgodnie z załącznikiem do rozporządzenia Ministra Nauki i Szkolnictwa Wyższego z dnia 14 listopada 2018 r. w sprawie charakterystyk drugiego stopnia efektów uczenia się dla kwalifikacji na poziomach 6-8 Polskiej Ramy Kwalifikacji (Dz. U. z 2018 r., poz. 2218).

K_W03	rozumie budowę teorii matematycznych, zna narzędzia matematyczne przydatne do opisu i analizy prostych modeli matematycznych w innych dziedzinach nauk	P6U_W	P6S_WG
K_W04	zna podstawowe twierdzenia z poznanych działów matematyki	P6U_W	P6S_WG
K_W05	zna przykłady ilustrujące konkretne pojęcia matematyczne, jak i rozumowania pozwalające obalić błędne hipotezy	P6U_W	P6S_WG
K_W06	zna wybrane pojęcia logiki matematycznej, teorii mnogości i matematyki dyskretnej występujące w podstawach innych dyscyplin matematyki oraz metody dowodzenia twierdzeń matematycznych	P6U_W	P6S_WG
K_W07	zna podstawy rachunku różniczkowego i całkowego jednej i wielu zmiennych, a także przykłady wykorzystywania w nim wybranych pojęć algebry liniowej i topologii	P6U_W	P6S_WG
K_W08	zna podstawy technik obliczeniowych i programowania, wspomagających pracę matematyka i rozumie ich ograniczenia	P6U_W	P6S_WG
K_W09	zna na poziomie podstawowym co najmniej jeden pakiet oprogramowania, służący do obliczeń symbolicznych	P6U_W	P6S_WG
K_W10	zna obowiązujące zasady bezpieczeństwa i higieny pracy oraz podstawowe pojęcia i zasady z zakresu ochrony prawa autorskiego	P6U_W	P6S_WK
K_W11	zna podstawowe dylematy współczesnej cywilizacji, przy których wyjaśnianiu może być pomocna matematyka	P6U_W	P6S_WK
UMIĘJĘTNOŚCI			
K_U01	potrafi w sposób zrozumiały, w mowie i na piśmie przedstawiać rozumowania matematyczne, formułować twierdzenia i definicje	P6U_U	P6S_UW
K_U02	posługuje się rachunkiem zdań i kwantyfikatorów; potrafi poprawnie używać kwantyfikatorów także w języku potocznym	P6U_U	P6S_UW
K_U03	umie prowadzić dowody metodą indukcji matematycznej, potrafi definiować rekurencyjnie niektóre funkcje i relacje	P6U_U	P6S_UW
K_U04	umie stosować system logiki klasycznej do częściowych formalizacji niektórych teorii matematycznych	P6U_U	P6S_UW
K_U05	potrafi definiować obiekty matematyczne drogą konstruowania struktur ilorazowych lub produktów kartezjańskich	P6U_U	P6S_UW
K_U06	posługuje się językiem teorii mnogości, interpretując zagadnienia z różnych obszarów matematyki	P6U_U	P6S_UW
K_U07	rozdziela rodzaje nieskończoności i typy porządków w zbiorach	P6U_U	P6S_UW

K_U08	umie operować pojęciem liczby rzeczywistej; zna przykłady liczb niewymiernych i przestępnych	P6U_U	P6S_UW
K_U09	potrafi definiować funkcje, także z wykorzystaniem przejść granicznych i opisywać ich własności	P6U_U	P6S_UW
K_U10	posługuje się w różnych kontekstach pojęciem zbieżności i granicy; potrafi – na prostym i średnim poziomie trudności – obliczać granice ciągów i funkcji, badać zbieżność bezwzględną i warunkową szeregów	P6U_U	P6S_UW
K_U11	potrafi interpretować i wyjaśniać zależności funkcyjne, ujęte w postaci wzorów, tabel, wykresów, schematów i wykorzystywać je w zagadnieniach praktycznych	P6U_U	P6S_UW
K_U12	umie wykorzystać twierdzenia i metody rachunku różniczkowego funkcji jednej i wielu zmiennych w zagadnieniach związanych z optymalizacją, poszukiwaniem ekstremów lokalnych i globalnych oraz badaniem przebiegu zmienności funkcji, podając precyzyjne i ścisłe uzasadnienia poprawności swoich rozumowań	P6U_U	P6S_UW
K_U13	potrafi zdefiniować całkę oznaczoną, całkę wielokrotną, oraz podać geometryczne interpretacje tych całek	P6U_U	P6S_UW
K_U14	potrafi obliczać całki, wykorzystując podstawowe techniki ich obliczania (całkowanie przez części i przez podstawienie), umie zmieniać kolejność całkowania w całkach wielokrotnych; zna całkowe wzory na pola powierzchni gładkich i objętości niektórych brył	P6U_U	P6S_UW
K_U15	potrafi wykorzystywać narzędzia i metody numeryczne do rozwiązywania wybranych zagadnień rachunku różniczkowego i całkowego, w tym także problemów związanych z zastosowaniami tego rachunku	P6U_U	P6S_UW
K_U16	posługuje się pojęciami: przestrzeni liniowej, wektora, bazy przestrzeni liniowej, przekształcenia liniowego, macierzy	P6U_U	P6S_UW
K_U17	dostrzega obecność struktur algebraicznych (grupy, pierścienia, ciała, przestrzeni liniowej) w różnych zagadnieniach matematycznych	P6U_U	P6S_UW
K_U18	umie obliczać wyznaczniki i zna ich własności; potrafi podać: interpretacje geometryczne wartości bezwzględnej wyznaczników drugiego i trzeciego stopnia, zna przykłady wykorzystywania wyznaczników w analizie matematycznej	P6U_U	P6S_UW
K_U19	rozwiązuje układy równań liniowych o stałych współczynnikach; potrafi posłużyć	P6U_U	P6S_UW

	się geometryczną interpretacją rozwiązań		
K_U20	znajduje macierze przekształceń liniowych w różnych bazach; oblicza wartości własne oraz wektory własne macierzy i potrafi wyjaśnić sens geometryczny tych pojęć	P6U_U	P6S_UW
K_U21	potrafi rozpoznać różne typy równań różniczkowych pierwszego i drugiego rzędu; potrafi zastosować odpowiednie metody do rozwiązywania wybranych typów równań różniczkowych pierwszego i drugiego rzędu	P6U_U	P6S_UW
K_U22	potrafi zinterpretować i zastosować równania różniczkowe pierwszego i drugiego rzędu w wybranych zagadnieniach fizycznych, geometrycznych i innych	P6U_U	P6S_UW
K_U23	rozpoznaje i określa najważniejsze własności topologiczne podzbiorów przestrzeni euklidesowej i przestrzeni metrycznych	P6U_U	P6S_UW
K_U24	umie wykorzystywać własności topologiczne zbiorów i funkcji do rozwiązywania zadań o charakterze jakościowym	P6U_U	P6S_UW
K_U25	rozpoznaje problemy, w tym zagadnienia praktyczne, które można rozwiązać algorytmicznie; potrafi dokonać specyfikacji takich problemów	P6U_U	P6S_UW
K_U26	umie ułożyć i analizować algorytm zgodny ze specyfikacją i zapisać go w wybranym języku programowania	P6U_U	P6S_UW
K_U27	potrafi skompilować, uruchomić i testować napisany samodzielnie lub w zespole program komputerowy	P6U_U	P6S_UO
K_U28	umie wykorzystywać programy komputerowe w zakresie analizy danych	P6U_U	P6S_UW
K_U29	umie formułować i rozwiązywać problemy przy użyciu narzędzi matematyki dyskretniej (np. kombinatoryka, indukcja matematyczna)	P6U_U	P6S_UW
K_U30	posługuje się pojęciem przestrzeni probabilistycznej; potrafi zbudować i przeanalizować model matematyczny eksperymentu losowego	P6U_U	P6S_UW
K_U31	potrafi podać różne przykłady dyskretnych i ciągłych rozkładów prawdopodobieństwa i omówić wybrane eksperymenty losowe oraz modele matematyczne, w jakich te rozkłady występują; umie zastosować podstawowe rozkłady w praktyce	P6U_U	P6S_UW
K_U32	umie stosować wzór na prawdopodobieństwo całkowite i wzór Bayesa	P6U_U	P6S_UW
K_U33	potrafi wyznaczyć parametry rozkładu zmiennej losowej o rozkładzie dyskretnym i ciągłym; potrafi wykorzystać twierdzenia graniczne i prawa wielkich liczb do szacowania prawdopodobieństw	P6U_U	P6S_UW

K_U34	umie posłużyć się statystycznymi charakterystykami populacji i ich odpowiednikami próbkowymi	P6U_U	P6S_UW
--------------	--	--------------	---------------

K_U35	umie planować badania i prowadzić proste wnioskowania statystyczne (indywidualnie lub w zespole), także z wykorzystaniem narzędzi komputerowych	P6U_U	P6S_UO
K_U36	potrafi samodzielnie planować własne uczenie się i rozumie, że należy się tego uczyć i doskonalić tego typu umiejętności przez całe życie	P6U_U	P6S_UU
K_U37	potrafi mówić o zagadnieniach matematycznych zrozumiałym, także potocznym językiem, potrafi wyjaśniać związki i relacje między matematyką elementarną a matematyką wyższą	P6U_U	P6S_UK
K_U38	Posługuje się co najmniej jednym językiem obcym na poziomie średniozaawansowanym (B2)	P6U_U	P6S_UK

KOMPETENCJE SPOŁECZNE

K_K01	zna ograniczenia własnej wiedzy i rozumie potrzebę jej uzupełniania, w szczególności potrzebę samokształcenia	P6U_K	P6S_KK
K_K02	potrafi formułować pytania, służące pogłębieniu własnego zrozumienia danego tematu lub odnalezieniu brakujących elementów rozumowania	P6U_K	P6S_KK
K_K03	potrafi pracować zespołowo; rozumie konieczność systematycznej pracy nad projektami, które mają długofalowy charakter	P6U_K	P6S_KO
K_K04	rozumie i docenia znaczenie uczciwości intelektualnej w działaniach własnych i innych osób; postępuje etycznie	P6U_K	P6S_KR
K_K05	rozumie potrzebę popularnego przedstawiania laikom wybranych osiągnięć matematyki wyższej	P6U_K	P6S_KO
K_K06	potrafi samodzielnie wyszukiwać informacje w literaturze, także w językach obcych	P6U_K	P6S_KK
K_K07	potrafi formułować opinie na temat podstawowych zagadnień matematycznych	P6U_K	P6S_KK

Sylwetka absolwenta	Absolwent studiów I stopnia kierunku matematyka ma wiedzę z zakresu podstawowych działów matematyki, takich jak: analiza matematyczna, algebra, geometria, logika i teoria mnogości. Potrafi w twórczy sposób rozwiązywać problemy praktyczne i teoretyczne, jest również otwarty na najnowsze osiągnięcia nauki i ciągłe podnoszenie swoich kwalifikacji. Jest to niezwykle istotne w obecnych czasach i odpowiada na zapotrzebowanie stale zmieniającej się sytuacji w gospodarce rynkowej. Dodatkowo, absolwent studiów I stopnia zna język obcy na poziomie biegłości B2 Europejskiego Systemu Opisu Kształcenia Językowego Rady Europy oraz przygotowany jest do posługiwania się technologią informacyjną.
----------------------------	--

Uzyskiwane kwalifikacje oraz uprawnienia zawodowe	Absolwent specjalności <i>matematyka (nauczycielska)</i> uzyskuje tytuł zawodowy licencjata matematyki. Ukończone studia dają mu uprawnienia do ubiegania się o przyjęcie na studia drugiego stopnia kierunku matematyka, w szczególności dają możliwość podjęcia takich studiów na specjalnościach nauczycielskich: <i>matematyka, matematyka z informatyką</i> (o ile student ukończył studia I stopnia ze specjalności <i>matematyka z informatyką</i>). Student po ukończeniu studiów pierwszego stopnia uzyskuje kompetencje w zakresie przygotowania psychologiczno-pedagogicznego i dydaktycznego, będącego wstępnym przygotowaniem do wykonywania zawodu nauczyciela matematyki. Kwalifikacje do uzyskania zawodu nauczyciela matematyki student uzyskuje po ukończeniu studiów drugiego stopnia. Osoba, która ukończyła studia pierwszego stopnia o specjalności <i>Matematyka (nauczycielska)</i> może znaleźć zatrudnienie między innymi w urzędach statystycznych i ośrodkach badań demograficznych. Absolwent specjalności <i>matematyka z informatyką</i> uzyskuje tytuł zawodowy licencjata matematyki o specjalności matematyka z informatyką. Dodatkowo specjalność: <i>matematyka z informatyką</i> ma za zadanie przygotowanie absolwentów do pracy na stanowiskach, na których wymagane jest posiadanie rozbudowanych kompetencji informatycznych, umożliwiających sprawne posługiwanie się narzędziami z obszaru nowych technologii, wspomagającymi pracę instytucji w okresie dynamicznego rozwoju społeczeństwa informacyjnego. Absolwent specjalności <i>analiza danych</i> uzyskuje tytuł zawodowy licencjata matematyki o specjalności analiza danych. Specjalność ta związana jest z umiejętnością profesjonalnego opracowywania danych statystycznych. Absolwent tej specjalności potrafi przeprowadzać analizę danych dotyczących różnych zjawisk: przyrodniczych, społecznych, ekonomicznych, a także zjawisk występujących w problemach technicznych. W szczególności potrafi przeprowadzić analizę w zakresie statystyk opisowych, posługiwać się testami statystycznymi w zakresie oceny parametrów danego zjawiska, wyznaczania jego trendu i cykliczności oraz porównywania zjawisk między sobą. Ponadto, absolwent tej specjalności posiada umiejętności posługiwania się programami komputerowymi umożliwiającymi przeprowadzenie powyższych analiz.
Dostęp do dalszych studiów	Studia na kierunku matematyka dostarczają szerokiej wiedzy matematycznej i kształtują umiejętności umożliwiające absolwentowi studiów I stopnia doskonalenie się w zakresie matematyki wyższej, a także podnoszenie kwalifikacji na kolejnych szczeblach edukacji, w tym w szczególności na studiach drugiego stopnia lub na studiach podyplomowych.

Jednostka naukowo-dydaktyczna właściwa merytorycznie dla tych studiów	Instytut Matematyki
--	----------------------------

PLAN STUDIÓW STACJONARNYCH PIERWSZEGO STOPNIA

Matematyka

od roku akademickiego 2019/2020

Semestr I

Zajęcia dydaktyczne – obligatoryjne

nazwa kursu	godziny kontaktowe							E /-	punkty ECTS	
	W	zajęć w grupach					E-learning			razem
		A	K	L	S	P				
Wstęp do logiki i teorii mnogości	30	45	10					85	1	7
Pakiety matematyczne 1				25			5	30		2
Algebra liniowa 1	30	60	10					100		8
Geometria 1	30	45	10					85	1	7
Podstawy matematyki wyższej ¹⁾		30					30	60		5
Ochrona własności intelektualnej							15	15		1
	90	180	30	25			50	375	2	30

¹⁾ Kurs PMW odbywa się przez pierwsze 5 tygodni.

Pozostałe zajęcia

rodzaj zajęć	godz	punkty ECTS
Szkolenie z zakresu BHP	4	0
Szkolenie biblioteczne	2	0
		0

Semestr II

Zajęcia dydaktyczne – obligatoryjne

nazwa kursu	godziny kontaktowe							E/-	punkty ECTS	
	W	zajęć w grupach					E-learning			razem
		A	K	L	S	P				
Analiza matematyczna 1	60	90						150	1	12
Algebra liniowa 2 ²⁾	30	45	10					85	1	7
Pakiety matematyczne 2				20			5	25		2
Algorytmy w Matematyce	15			45			15	75	ZO	6
	105	135	10	65			20	335	2	27

²⁾ Egzamin z „algebry liniowej 2” obejmuje również kurs „algebra liniowa 1”.

Kursy do wyboru

nazwa kursu	godziny kontaktowe								E /-	punkty ECTS
	W	zajęć w grupach					E-learning	razem		
		A	K	L	S	P				
Język angielski B2-1			40					40		3
Język francuski B2-1			40					40		3
Język niemiecki B2-1			40					40		3
Język rosyjski B2-1			40					40		3
			40					40		3

Semestr III

Zajęcia dydaktyczne – obligatoryjne

nazwa kursu	godziny kontaktowe							E /-	punkty ECTS	
	W	zajęć w grupach					E-learning			razem
		A	K	L	S	P				
Analiza matematyczna 2	30	60						90	1	6
Algebra abstrakcyjna	30	60	10					100	1	6
	60	120	10					190	2	12

Kursy do wyboru

nazwa kursu	godziny kontaktowe							E /-	punkty ECTS	
	W	zajęć w grupach					E-learning			razem
		A	K	L	S	P				
Język angielski B2-2			40					40		3
Język francuski B2-2			40					40		3
Język niemiecki B2-2			40					40		3
Język rosyjski B2-2			40					40		3
Kultura fizyczna		30						30		
		30	40					70		3

Moduł specjalności do wyboru

Nazwa modułu	punkty ECTS
Matematyka (nauczycielska)	15
Matematyka z informatyką (nauczycielska)	15
Analiza danych	15

Semestr IV**Zajęcia dydaktyczne – obligatoryjne**

nazwa kursu	godziny kontaktowe							E /-	punkty ECTS	
	W	zajęć w grupach					E-learning razem			
		A	K	L	S	P				
Analiza matematyczna 3	30	45						75	1	5
Rachunek prawdopodobieństwa	30	30						60	1	4
	60	75						135	2	9

Kursy do wyboru (łącznie za 6 ECTS)

nazwa kursu	godziny kontaktowe							E /-	punkty ECTS	
	W	zajęć w grupach					E-learning			razem
		A	K	L	S	P				
Język angielski B2-3			30					30	1	4
Język francuski B2-3			30					30	1	4
Język niemiecki B2-3			30					30	1	4
Język rosyjski B2-3			30					30	1	4
Kultura fizyczna		30						30		
Wykład monograficzny 1 ³⁾			20					20		2
		30	50					50	1	6

³⁾ Student wybiera jeden z przedmiotów. Wybrany kurs zostanie uruchomiony, gdy na ten kurs zgłosi się odpowiednia liczba studentów.

Moduły specjalności do wyboru

Nazwa modułu	punkty ECTS
Matematyka (nauczycielska)	15
Matematyka z informatyką (nauczycielska)	15
Analiza danych	15

Semestr V**Zajęcia dydaktyczne – obligatoryjne**

nazwa kursu	godziny kontaktowe								E/-	punkty ECTS
	W	zajęć w grupach					E-learning	razem		
		A	K	L	S	P				
Geometria 2	20	40						60	1	5
Wstęp do topologii	10	20						30		2
Terminologia angielska w geometrii i algebrze			20					20		2
	30	60	20					110	1	9

Kursy do wyboru (łącznie za 6 ECTS)

nazwa kursu	godziny kontaktowe								E/-	punkty ECTS
	W	zajęć w grupach					E-learning	razem		
		A	K	L	S	P				
Seminarium dyplomowe I ⁴⁾					25			25		2
Elementy statystyki matematycznej ⁵⁾	15			30				45	ZO	4
Statystyka w praktyce z użyciem pakietów R i Statistica ⁵⁾	15			30				45	ZO	4
	15			30	25			70		6

⁴⁾ Student wybiera jedno z seminariów zaproponowanych w danym roku akademickim przez Instytut Matematyki, które dzieli się na kursy o numerach I i II.

⁵⁾ Student wybiera jeden z kursów oznaczonych ⁵⁾

Moduły specjalności do wyboru

Nazwa modułu	punkty ECTS
Matematyka (nauczycielska)	15
Matematyka z informatyką (nauczycielska)	15
Analiza danych	15

Semestr VI (8 tygodni)
Zajęcia dydaktyczne – obligatoryjne

nazwa kursu	godziny kontaktowe								E/-	punkty ECTS
	W	zajęć w grupach					E-learning	razem		
		A	K	L	S	P				
Analiza numeryczna	15	15						30		2
Wstęp do równań różniczkowych	15	20						35	ZO	3
Angielska Terminologia w analizie matematycznej			20					20		2
	30	35	20					115		7

Kursy do wyboru

nazwa kursu	godziny kontaktowe							E/ -	punkty ECTS	
	W	zajęć w grupach					E-learning			razem
		A	K	L	S	P				
Seminarium dyplomowe II					20			20		2
					20			20		2

7

Moduły specjalności do wyboru

Nazwa modułu	punkty ECTS
Matematyka (nauczycielska)	13
Matematyka z informatyką (nauczycielska)	13
Analiza danych	13

Egzamin dyplomowy

Tematyka	Punkty ECTS
Tematyka egzaminu dyplomowego dla każdej uruchomionej specjalności będzie zatwierdzana przez Radę Instytutu Matematyki i podawana studentom przed zakończeniem drugiego roku studiów.	8

.....
pieczęć i podpis Dyrektora IM

PROGRAM SPECJALNOŚCI
Studia I stopnia stacjonarne
 od roku akademickiego 2019/2020

zatwierdzony przez Radę Wydziału dnia

.....

Nazwa specjalności **Analiza danych**

Liczba punktów ECTS

58

Uzyskiwane kwalifikacje oraz uprawnienia zawodowe:

Absolwent uzyskuje tytuł zawodowy licencjata matematyki o specjalności analiza danych. Specjalność ta związana jest z profesjonalnym pozyskiwaniem, przetwarzaniem i opracowaniem danych przechowywanych w różnorodnych systemach baz danych. W szczególności absolwent potrafi przeprowadzić analizę w zakresie statystyk opisowych, posługiwać się testami statystycznymi w zakresie oceny parametrów danego zjawiska, wyznaczania jego trendu i cykliczności oraz porównywania zjawisk między sobą. Absolwent potrafi również stosować różne metody i techniki analizy danych, takie jak przetwarzanie dużych zbiorów danych w chmurze i uczenie maszynowe. Ponadto, absolwent tej specjalności posiada umiejętność programowania w językach Python, R i SQL oraz posługiwanie się programami komputerowymi używanymi do analizy danych.

Efekty uczenia się dla specjalności

Wiedza	
W01	ma wiedzę z zakresu podstaw informatyki (systemów kodowania, gramatyk języków formalnych, modeli maszyn cyfrowych)
W02	zna podstawowe techniki programistyczne i możliwości ich zastosowania w odniesieniu do zagadnień matematycznych, fizycznych i technicznych

W03	zna zasady projektowania stron internetowych i sposoby wykorzystania systemów CMS
W04	posiada wiedzę z zakresu systemów operacyjnych
W05	zna systemy bazodanowe, rozumie ich rolę oraz zasady funkcjonowania
W06	zna metody statystyki opisowej
W07	zna metody statystyki matematycznej
W08	zna zaawansowane funkcje pakietu Statistica oraz pakiet Excel w zakresie umożliwiającym opracowywanie i prezentację wyników badań statystycznych
W09	zna języki programowania Python i R w zakresie umożliwiającym przetwarzanie i analizę danych
W10	zna cechy modelu składowania i przetwarzania danych w chmurze
W11	posiada wiedzę z zakresu programowania imperatywnego i funkcyjnego w wybranych językach programowania
W12	zna zaawansowane konstrukcje programowania obiektowego
W13	zna techniki tworzenia aplikacji i serwisów internetowych
W14	posiada wiedzę dotyczącą modelowania rzeczywistości w oparciu o duże zbiory danych
Umiejętności	
U01	potrafi zastosować odpowiedni aparat matematyczny i informatyczny w analizie danych
U02	potrafi poprawnie opisywać i wyjaśniać zjawiska za pomocą modeli analizy danych
U03	potrafi definiować rekurencyjnie funkcje i relacje stosowane w analizie danych
U04	potrafi określać zależności między zmiennymi i oceniać ich wiarygodność
U05	potrafi posługiwać się językiem statystyki, interpretując zagadnienia związane z analizą danych
U06	potrafi dobrać i zastosować odpowiednie algorytmy uczenia maszynowego i eksploracji danych
U07	potrafi programować w wybranych językach wysokiego poziomu
U08	potrafi posługiwać się nowoczesnymi środowiskami programistycznymi do pisania, wykonywania i testowania programów w różnych językach programowania
U09	potrafi interpretować i wyjaśniać zależności funkcyjne, ujęte w postaci wzorów, tabel, wykresów, schematów i wykorzystywać je w zagadnieniach analizy danych
U10	potrafi tworzyć relacyjne i nierelacyjne bazy danych w popularnych środowiskach oraz je doskonalić w aspekcie ich zastosowania do analizy dużych zbiorów danych

U11	potrafi przedstawić w formie pisemnej i ustnej praktyczne oraz teoretyczne zagadnienia z zakresu pozyskiwania, przechowywania i przetwarzania danych
U12	potrafi, w zagadnieniach analizy danych, posłużyć się pojęciami z różnych działów matematyki
U13	potrafi przeprowadzić analizę danych składowanych w hurtowni danych zorientowaną na wspieranie procesów decyzyjnych
U14	potrafi wybrać adekwatną hipotezę statystyczną i zweryfikować ją
U15	potrafi zastosować języki Python i R do pobierania, przetwarzania i analizy danych
U16	potrafi opisywać i wykorzystywać różne modele danych
U17	potrafi pozyskiwać dane do analiz i w sposób czytelny prezentować otrzymane wyniki
U18	potrafi stosować metody programowania obiektowego w analizie danych
U19	potrafi korzystać z systemów składowania i przetwarzania danych w chmurze
Kompetencje społeczne	
K01	zna ograniczenia własnej wiedzy i rozumie potrzebę jej uzupełniania
K02	potrafi pracować zespołowo; rozumie konieczność systematycznej pracy nad projektami, które mają interdyscyplinarny charakter
K03	rozumie potrzebę popularnego przedstawiania laikom wybranych osiągnięć analizy danych
K04	posiada umiejętność komunikowania się z otoczeniem oraz współpracy i działania w grupie
K05	potrafi formułować opinie na temat badań prowadzonych w wybranej dziedzinie matematyki i ich znaczenia dla zastosowań również w sposób popularnonaukowy
K06	potrafi samodzielnie wyszukiwać informacje w literaturze dotyczące wybranych zagadnień matematyki i informatyki
K07	potrafi formułować opinie na temat badań prowadzonych w wybranej dziedzinie matematyki i ich znaczenia dla zastosowań również w sposób popularnonaukowy

Formy sprawdzania efektów uczenia się

	E – learning	Praca laboratoryjna	Projekt indywidualny	Projekt grupowy	Udział w dyskusji	Referat	Praca pisemna (esej)	Egzamin ustny	Egzamin pisemny	Inne
W01		X			X				X	
W02		X	X	X	X				X	
W03		X	X	X	X	X				
W04		X	X		X			X	X	
W05		X	X		X		X			
W06					X					
W07		X								
W08							X			
W09		X	X		X		X			
W10		X	X		X					
W11		X	X		X					
W12		X	X		X				X	
W13		X	X		X					
W14		X	X		X					
U01		X	X		X	X				
U02		X			X	X	X			
U03		X	X		X					
U04					X		X			
U05					X		X			
U06		X	X		X					
U07		X	X	X	X				X	
U08		X	X	X						
U09		X	X		X					
U10		X	X	X	X					
U11		X	X			X	X			
U12		X			X	X	X			
U13		X	X		X	X				
U14										
U15		X	X		X					
U16		X	X			X	X			
U17		X	X		X	X				
U18		X	X		X					
U19		X	X		X					
K01		X		X	X					

	E – learning	Praca laboratoryj na	Projekt indywidual ny	Projekt grupowy	Udział w dyskusji	Referat	Praca pisemna (esej)	Egzamin ustny	Egzamin pisemny	Inne
K02					X	X				
K03				X	X	X				
K04					X	X				
K05					X	X	X			
K06			X				X			
K07			X			X	X	X		

.....
pieczęć i podpis Dziekana

PLAN SPECJALNOŚCI

Studia I stopnia stacjonarne

Analiza danych

od roku akademickiego 2019/2020

Semestr III :

Zajęcia dydaktyczne

nazwa kursu	godziny kontaktowe								E/-	punkty ECTS
	W	zajęć w grupach					E-learning	razem		
		A	K	L	S	P				
Programowanie w języku Python				25				25	ZO	2
Statystyka opisowa w Excelu i pakiecie Statistica				45				45	ZO	3
Eksploracja danych	15			20				35	1	3
Arkusz kalkulacyjny Excel z elementami VBA				30				30	ZO	2
Tworzenie stron www				30			3	33	ZO	2
Bazy danych	10			20				30	ZO	2
Programowanie w języku R				15				15	ZO	1
	25			185			3	213	1	15

ZO- zaliczenie z oceną

Semestr IV :
Zajęcia dydaktyczne

nazwa kursu	godziny kontaktowe								E/-	punkty ECTS
	W	zajęć w grupach					E-learning	razem		
		A	K	L	S	P				
Podstawy statystyki matematycznej	20			45				65	1	4
Hurtownie danych i nierelacyjne bazy danych				45				45	20	3
Programowanie obiektowe	15			45				60	1	3
	35			135				170	2	10

Kursy do wyboru

nazwa kursu	godziny kontaktowe							E /-	punkty ECTS	
	W	zajęć w grupach					E-learning			razem
		A	K	L	S	P				
Kurs do wyboru o tematyce humanistyczno-społecznej 1 (przykładowo Psychologia zarządzania lub Podstawy socjologii)	30							30	1	3
Kurs do wyboru o tematyce humanistyczno-społecznej 2 (przykładowo Historia matematyki lub Autoprezentacja i wystąpienia publiczne)	30							30	1	2
	60							60	2	5

Semestr V :
Zajęcia dydaktyczne

nazwa kursu	godziny kontaktowe							E/-	punkty ECTS	
	W	zajęć w grupach					E-learning			razem
		A	K	L	S	P				
Szeregi czasowe i prognozowanie	15			30				45	ZO	4
Latex				30				30	ZO	2
Systemy operacyjne	5			15				20	ZO	1
Podstawy numeryczne metod obliczeniowych	10			15				25		2
Programowanie aplikacji internetowych				20				20	ZO	1
Uczenie maszynowe				35				35	ZO	3
	30			145				175		13

Kursy do wyboru

nazwa kursu	godziny kontaktowe								E /-	punkty ECTS
	W	zajęć w grupach					E-learning	razem		
		A	K	L	S	P				
Kurs do wyboru 1								20		2
								20		2

Semestr VI : (8 tygodni)
Zajęcia dydaktyczne

nazwa kursu	godziny kontaktowe							E/-	punkty ECTS	
	W	zajęć w grupach					E-learning			razem
		A	K	L	S	P				
Praktyczna analiza baz danych w językach Python i R				30				30	ZO	2
Sztuczna inteligencja w biznesie				30				30	ZO	2
Elementy ekonometrii	10			20				30		2
	10			80				90		6

Praktyki

nazwa praktyki	godz	tyg.	forma zaliczenia	punkty ECTS
Praktyka zawodowa z zastosowań matematyki	120	7	ZO	7
	120	7	ZO	7

Informacje uzupełniające:
praktyki zawodowe (pozapedagogiczne)

sem.	nazwa praktyki (rodzaj i zakres oraz miejsce realizacji)	tyg.	godz.	termin i system realizacji praktyki
VI	Praktyka zawodowa z zastosowań matematyki	7	120	Praktyka ciągła (marzec- kwiecień) zakończona zaliczeniem z oceną
		7	120	

.....
pieczęć i podpis Dyrektora IM

PROGRAM SPECJALNOŚCI

Studia I stopnia stacjonarne

od roku akademickiego 2019/2020

przyjęty przez Radę Instytutu dnia 	
---	--

Nazwa specjalności	Matematyka (nauczycielska)
--------------------	-----------------------------------

Liczba punktów ECTS	58
---------------------	-----------

Uzyskiwane kwalifikacje oraz uprawnienia zawodowe:

Absolwent uzyskuje tytuł zawodowy *licencjata matematyki*. Ukończone studia dają mu uprawnienia do ubiegania się o przyjęcie na studia drugiego stopnia kierunku matematyka, w szczególności dają możliwość podjęcia takich studiów na specjalnościach nauczycielskich: *matematyka, matematyka z informatyką* (o ile student ukończył studia I stopnia ze specjalnością *matematyka z informatyką*).

Student po ukończeniu studiów pierwszego stopnia uzyskuje kompetencje w zakresie przygotowania psychologiczno-pedagogicznego i dydaktycznego, będącego wstępnym przygotowaniem do wykonywania zawodu nauczyciela matematyki. Kwalifikacje do uzyskania zawodu nauczyciela matematyki student uzyskuje po ukończeniu studiów drugiego stopnia.

Osoba, która ukończyła studia pierwszego stopnia o specjalności *Matematyka (nauczycielska)* może znaleźć zatrudnienie między innymi w urzędach statystycznych i ośrodkach badań demograficznych.

Efekty uczenia się dla specjalności

Wiedza	
N_W01	posiada wiedzę psychologiczną i pedagogiczną pozwalającą na rozumienie procesów rozwoju, socjalizacji, wychowania i nauczania — uczenia się

N_W02	posiada wiedzę z zakresu dydaktyki i szczegółowej metodyki działalności pedagogicznej, popartą doświadczeniem w jej praktycznym wykorzystywaniu
D_W01	ma wiedzę na temat matematyki jako przedmiotu studiów i jego szkolnej transpozycji
D_W02	posiada wiedzę teoretyczną z zakresu dydaktyki matematyki dotyczącą procesów nauczania i uczenia się matematyki
D_W03	ma wiedzę na temat celów, zasad i metod nauczania matematyki
D_W04	zna zasady planowania i kierowania przebiegiem procesów dydaktycznych w nauczaniu matematyki
D_W05	ma podstawową wiedzę na temat prowadzenia badań w zakresie dydaktyki matematyki
D_W06	posiada wiedzę z zakresu technologii informacyjnej oraz sposobów jej wykorzystania w nauczaniu matematyki
D_W07	posiada wiedzę na temat środków dydaktycznych oraz sposobów ich wykorzystania w procesie nauczania
D_W08	posiada wiedzę dotyczącą specyfiki funkcjonowania uczniów ze zróżnicowanym potrzebami edukacyjnymi
D_W09	zna narzędzia informatyczne stosowane do problemów matematycznych i ich prezentacji
Umiejętności	
N_U01	posiada umiejętności i kompetencje niezbędne do kompleksowej realizacji dydaktycznych, wychowawczych i opiekuńczych zadań szkoły, w tym do samodzielnego przygotowania i dostosowania programu nauczania do potrzeb i możliwości uczniów
N_U02	wykazuje umiejętność uczenia się i doskonalenia własnego warsztatu pedagogicznego z wykorzystaniem nowoczesnych środków i metod pozyskiwania, organizowania i przetwarzania informacji i materiałów
N_U03	umiejętnie komunikuje się przy użyciu różnych technik, zarówno z osobami będącymi podmiotami działalności pedagogicznej, jak i z innymi osobami współdziałającymi w procesie dydaktyczno-wychowawczym oraz specjalistami wspierającymi ten proces
D_U01	potrafi dokonywać elementaryzacji wiedzy matematycznej, odpowiednio do poziomu rozwoju ucznia
D_U02	potrafi stosować wiedzę z matematyki i dydaktyki matematyki w nauczaniu
D_U03	umie wskazywać praktyczne zastosowania matematyki, jej związki z innymi dziedzinami ludzkiej działalności oraz ukazywać humanistyczne wartości matematyki
D_U04	potrafi planować, organizować i realizować procesy nauczania i uczenia się matematyki
D_U05	potrafi ewaluować własną pracę dydaktyczno-pedagogiczną i pracę uczniów wraz z diagnozowaniem ich możliwości edukacyjnych

D_U06	umie doskonalić swoje działania dydaktyczne, w tym podejmować zabiegi innowacyjne i niestandardowe podnoszące efektywność procesu nauczania-uczenia się matematyki
D_U07	potrafi planować i przeprowadzać własne badania dydaktyczne służące podnoszeniu jakości wyników nauczania
D_U08	umie wykorzystywać nowoczesne narzędzia technologii informacyjnych i komunikacyjnych oraz tworzyć własne pomoce dydaktyczne
D_U09	potrafi zaplanować i wykorzystać środki dydaktyczne wspomagające proces nauczania w zakresie danego przedmiotu
D_U10	potrafi indywidualizować metody i treści nauczania stosownie do potrzeb i możliwości uczniów
D_U11	potrafi w sposób czytelny prezentować wiedzę matematyczną
Kompetencje społeczne	
N_K01	charakteryzuje się wrażliwością etyczną, empatią, otwartością, refleksyjnością oraz postawami prospołecznymi i poczuciem odpowiedzialności
N_K02	jest praktycznie przygotowany do realizowania zadań zawodowych (dydaktycznych, wychowawczych i opiekuńczych) wynikających z roli nauczyciela.
D_K01	ma świadomość poziomu swojej wiedzy i umiejętności oraz rozumie potrzebę ciągłego dokształcania się i rozwoju osobistego
D_K02	posiada umiejętność komunikowania się z otoczeniem oraz współpracy i działania w grupie
D_K03	posiada umiejętność rozpoznawania sytuacji problemowych o charakterze dydaktycznym oraz kreatywnego poszukiwania ich rozwiązań
D_K04	potrafi pracować w zespole pełniąc różne role w społeczności szkolnej
D_K05	projektuje i wdraża działania innowacyjne
D_K06	stosuje i rozwija własne metody kształcenia z wykorzystaniem technologii informacyjnej i komunikacyjnej w zakresie nauczanego przedmiotu

Formy sprawdzania efektów uczenia się

	E – learning	Gry dydaktyczne	Ćwiczenia w szkole	Zajęcia terenowe	Praca laboratoryjna	Projekt indywidualny	Projekt grupowy	Udział w dyskusji	Referat	Praca pisemna (esej)	Egzamin ustny	Egzamin pisemny	Inne
N_W01						X					X		
N_W02						X					X		
D_W01								X			X	X	
D_W02								X			X	X	
D_W03								X			X	X	
D_W04								X			X	X	
D_W05								X	X				
D_W06	X				X	X		X					

D_W07			X			X							
D_W08								X	X				
D_W09									X	X			
N_U01						X						X	
N_U02						X						X	
N_U03						X						X	
D_U01			X					X				X	
D_U02			X					X					
D_U03								X	X		X	X	
D_U04			X					X			X		
	E – learning	Gry dydaktyczne	Ćwiczenia w szkole	Zajęcia terenowe	Praca laboratoryjna	Projekt indywidualny	Projekt grupowy	Udział w dyskusji	Referat	Praca pisemna (esej)	Egzamin ustny	Egzamin pisemny	Inne
D_U05			X					X					
D_U06								X				X	
D_U07			X					X	X				
D_U08	X				X	X		X					
D_U09			X			X							
D_U10			X					X	X				
D_U11									X	X			
N_K01							X	X					
N_K02							X	X					
D_K01								X					
D_K02							X						
D_K03			X					X	X				
D_K04			X					X					
D_K05			X					X					
D_K06			X			X		X					

.....
pieczęć i podpis Dyrektora IM

PLAN SPECJALNOŚCI
Studia I stopnia stacjonarne
Matematyka (nauczycielska)
 Od roku akademickiego 2019/2020

Semestr III :
 Zajęcia dydaktyczne

nazwa kursu	godziny kontaktowe							E/-	punkty ECTS	
	W	zajęć w grupach					E-learning			Razem
		A	K	L	S	P				
Wprowadzenie do psychologii dla nauczycieli	15		15					30		2
Pedagogika dla nauczycieli	20		20					40	1	3
Specyfika myślenia matematycznego młodszych uczniów	5	15						20		2
Matematyka szkolna a matematyka wyższa 1		30						30		2
Zaawansowane narzędzia arkusza kalkulacyjnego Excel				30				30	ZO	2
	40	45	35	30				150	1	11

ZO - Zaliczenie z oceną

Kursy do wyboru

nazwa kursu	godziny kontaktowe								E/-	punkty ECTS
	W	zajęć w grupach					E-learning	Razem		
		A	K	L	S	P				
Kurs do wyboru 1 ¹⁾			20					20		2
Kurs do wyboru 2 ¹⁾			20					20		2
			40					40		4

¹⁾ Student wybiera kursy z oferty zaproponowanej przez Instytut Matematyki w danym roku akademickim, warunkiem uruchomienia kursu jest zebranie wymaganej liczby chętnych studentów. Każdy przedmiot można wybrać tylko raz w całym cyklu studiów.

Semestr IV:
Zajęcia dydaktyczne

nazwa kursu	godziny kontaktowe								E/-	punkty ECTS
	W	zajęć w grupach					Razem			
		A	K	L	S	P				
Podstawy psychologii klinicznej dla nauczycieli	10		15					25		2
Organizacja pracy szkoły z elementami prawa oświatowego			15					15		1
Dydaktyka ogólna	15		15					30	1	2
Dydaktyka matematyki 1	15		45					60		4
	40		90					130	1	9

Kursy do wyboru (łącznie za 6 ECTS)

nazwa kursu	godziny kontaktowe							E/-	punkty ECTS	
	W	zajęć w grupach					E-learning			Razem
		A	K	L	S	P				
Kurs do wyboru 3 ¹⁾			20					20		2
Kurs do wyboru 4 ¹⁾			20					20		2
Kurs do wyboru 5 ¹⁾			20					20		2
			40					40		6

Semestr V:
Zajęcia dydaktyczne

nazwa kursu	godziny kontaktowe							E/-	punkty ECTS	
	W	zajęć w grupach					E-learning			Razem
		A	K	L	S	P				
Diagnoza edukacyjna			15					15		1
Emisja głosu			15					15		1
Nowoczesne techniki w nauczaniu	8			22			5	35		3
Dydaktyka matematyki 2			30					30	1	2
Ćwiczenia praktyczne w szkole podstawowej z zakresu dydaktyki matematyki						60		60	ZO	4
Heurystyczne metody rozwiązywania zadań matematycznych		10						10		1
	8	10	60	22		60	5	165	1	12

Kursy do wyboru (łącznie za 2 ECTS)

nazwa kursu	godziny kontaktowe							E/-	punkty ECTS	
	W	zajęć w grupach					E-learning			Razem
		A	K	L	S	P				
Kurs do wyboru 6 ¹⁾			20					20		2
			20					20		2

Praktyki

nazwa praktyki	godz	tyg.	forma zaliczenia	punkty ECTS
Praktyka 1 (praktyka psychologiczno-pedagogiczna)	30			1
	30			1

Semestr VI: (11 tygodni) (
Zajęcia dydaktyczne

nazwa kursu	godziny kontaktowe							E/-	punkty ECTS	
	W	zajęć w grupach					E-learning			Razem
		A	K	L	S	P				
Badania z zakresu dydaktyki matematyki		25					5	30	ZO	3
Uczeń ze specjalnymi potrzebami w systemie oświaty w zakresie matematyki			15					15	ZO	1
		25	15				5	45		4

Kursy do wyboru (łącznie za 6 ECTS)

nazwa kursu	godziny kontaktowe								E/-	punkty ECTS
	W	zajęć w grupach					E-learning	Razem		
		A	K	L	S	P				
Kurs do wyboru 7 ¹⁾			20					20		2
Kurs do wyboru 8 ¹⁾			20					20		2
Kurs do wyboru 9 ¹⁾			20					20		2
			60					60		6

Praktyki

nazwa praktyki	godz	tyg.	forma zaliczenia	punkty ECTS
Praktyka 2 (praktyka zawodowa pedagogiczna w szkole podstawowej z zakresu matematyki)	60	4	ZO	3
	60	4		3

Informacje uzupełniające:

1) praktyki zawodowe pedagogiczne

rozkład w szkole na:

- zajęcia praktyczne (godziny zajęć z uczniami/wychowankami w szkole/placówce)
- zajęcia teoretyczne (analizy merytoryczno-dydaktyczne hospitowanych zajęć),

sem.	nazwa praktyki (rodzaj i zakres oraz miejsce realizacji)	tyg.	godziny zajęć z ucz./wych.		termin i system realizacji praktyki
			razem	prow.	
V	Praktyka 1 (praktyka psychologiczno-pedagogiczna)		30	2	Praktyka nieciągła
VI	Praktyka 2 (praktyka zawodowa pedagogiczna w szkole podstawowej z zakresu matematyki)	4	60	30	Praktyka ciągła zakończona zaliczeniem z oceną
		4	90	32	

.....
pieczęć i podpis Dyrektora IM

Uchwała Rady Instytutu Matematyki z dnia 28.05.2020 **w sprawie korekt w bieżących programach i planach studiów**

Rada Instytutu Matematyki, w głosowaniu jawnym, pozytywnie, jednomyślnie zatwierdziła następujące korekty w programach i planach studiów:

- dla cyklu 2018/19:
 - Studia stacjonarne I stopnia - plan główny (projektowy)

- dla cyklu 2019/20:
 - Studia stacjonarne I stopnia – program i plan główny
 - Studia stacjonarne I stopnia – program i plan dla specjalności: matematyka (nauczycielska)
 - Studia stacjonarne I stopnia – program i plan dla specjalności: matematyka z informatyką (nauczycielska)
 - Studia stacjonarne II stopnia – plan dla specjalności: matematyka (nauczycielska)
 - Studia stacjonarne II stopnia – plan dla specjalności: matematyka + II etap (nauczycielska)

 - Studia niestacjonarne I stopnia – program i plan główny
 - Studia niestacjonarne I stopnia – program i plan dla specjalności: matematyka (nauczycielska)

Z-ca Dyrektora
Instytutu Matematyki ds. Kształcenia
Bożena Rożek
dr Bożena Rożek

Podpis i pieczęć



INSTYTUT MATEMATYKI

Uniwersytetu Pedagogicznego im. KEN w Krakowie

ul. Podchorążych 2, 30-084 Kraków

tel. 126626273-74, fax. 126372243

UNIWERSYTET PEDAGOGICZNY

im. Komisji Edukacji Narodowej

INSTYTUT MATEMATYKI

30-084 Kraków, ul. Podchorążych 2

Uchwała Rady Instytutu Matematyki z dnia 29.04.2021 roku

w sprawie korekt w bieżących programach i planach studiów

Rada Instytutu Matematyki, w głosowaniu jawnym, pozytywnie, jednomyślnie zatwierdziła następujące korekty w planach studiów:

- Dla cyklu 2019/2020, studia stacjonarne I stopień (plan główny)
- Dla cyklu 2020/2021, studia stacjonarne II stopień (plan specjalności Matematyka nauczycielska)

Z-ca Dyrektora
Instytutu Matematyki ds. Kształcenia
dr Bożena Rożek

Podpis i pieczęć